

## CONTROLE TERMINAL

## Optique matricielle &amp; Photométrie Phys4C

Durée 2h - Sans document, calculatrice autorisée, téléphones portables éteints.

Les 3 exercices sont indépendants et peuvent être traités dans un ordre indifférent.

La présentation et la rédaction de la copie seront prises en compte.

*Exercice I : Loupe de Stanhope*

Une loupe de Stanhope est un cylindre de verre transparent, d'indice  $n = 3/2$ , dont la face d'entrée est plane, repérée par le point  $E$  et dont la face de sortie est sphérique, convexe vers l'air, de sommet  $S$  et de rayon de courbure  $\overline{SC} = -R$  avec  $R > 0$  (cf. Fig. (1)). On pose  $e = \overline{ES}$ . Cette loupe très particulière permet de grossir fortement un objet  $A_oB_o$  collé sur la face plane et d'observer son image sans accommoder, c'est-à-dire à l'infini, du côté de la face convexe (l'œil étant placé au foyer image  $F_i$  de la loupe).

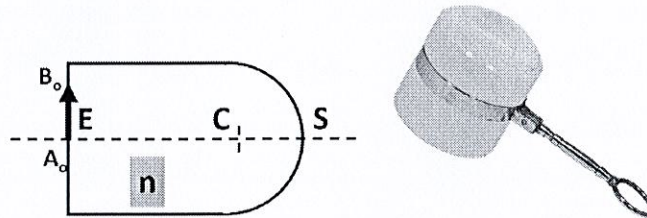


FIGURE 1 – Loupe de Stanhope

- Déterminez la matrice de transfert  $T(\overline{ES})$  de cette loupe, en donnant ses éléments en fonction de  $e$  et  $R$ .
- On note  $E'$  l'image de  $E$  à travers la loupe. En écrivant la matrice  $T(\overline{EE'})$  de deux manières différentes, déterminez une relation entre  $e$  et  $\overline{SE'}$ . Montrez alors que pour respecter les conditions d'observation de l'image indiquées dans l'énoncé, on doit avoir  $e = 3R$ . On gardera cette valeur de  $e$  pour la suite.
- Donnez la vergence de la loupe, ses distances focales objet  $f_o$  et image  $f_i$ , sa puissance intrinsèque  $P_i$  et son grossissement commercial  $G_c$  en fonction de  $R$ . Faites les applications numériques pour  $R = 1 \text{ cm}$ .
- On déplace l'objet  $A_oB_o$  parallèlement à lui-même et on note  $x_o = \overline{A_oE}$ . On repère par  $\overline{SA_i} = x_i$  la position de l'image  $A_iB_i$  de l'objet  $A_oB_o$  à travers la loupe.
  - Déterminez la relation entre  $x_o$  et le grandissement transversal  $G_T$  d'une part, puis celle entre  $x_i$  et  $G_T$ , et enfin celle entre  $x_i$  et  $x_o$ .
  - En prenant le cas particulier où  $A_o$  et  $A_i$  sont les points principaux  $H_o$  et  $H_i$ , déterminez leurs positions en fonction de  $R$ . Que remarquez-vous ?
  - Déterminez la position du foyer objet  $F_o$  et du foyer image  $F_i$ .
  - Quelle est la valeur de  $x_o$  qui donne une image  $A_i$  au Punctum Proximum d'un œil emmétrope, c'est-à-dire à 25 cm de l'œil ? Que pensez-vous alors de la latitude mise au point de la loupe ? Quel est le grandissement transversal obtenu dans ce cas limite ?

## Exercice II : Couveuse pour prématurés

Un enfant prématuré a besoin d'un apport calorique jusqu'à sa maturité extra-utérine. On décide d'apporter cette énergie nécessaire à sa maturation sous forme d'un rayonnement délivré par une source d'énergie ponctuelle  $S$  émettant une intensité énergétique de  $I = 1000 \text{ W.sr}^{-1}$  constante quelle que soit la direction d'émission. La surface du bébé exposée au rayonnement est assimilable à un rectangle de longueur  $a = 25 \text{ cm}$  et de largeur  $b = 10 \text{ cm}$ , que l'on peut inscrire dans un disque de rayon  $r$ . La source est à une hauteur  $h = 50 \text{ cm}$  de la surface du prématuré et à l'aplomb du centre du disque.

1. Calculez l'angle solide  $\Omega$  ayant pour sommet  $S$  et pour base le disque.
2. Calculez le flux énergétique total  $\phi$  émis par la source dans tout l'espace, puis le flux énergétique total reçu par le disque.
3. Déterminez l'éclairement maximum  $E_M$  et l'éclairement minimum  $E_m$  à la surface du bébé.
4. L'énergie totale minimum  $\phi_p$  que doit recevoir le prématuré est estimée à  $100 \text{ W}$  avec un éclairement maximum de  $0,5 \text{ W.cm}^{-2}$  pour sa bonne santé. Le dispositif utilisé convient-il ?