

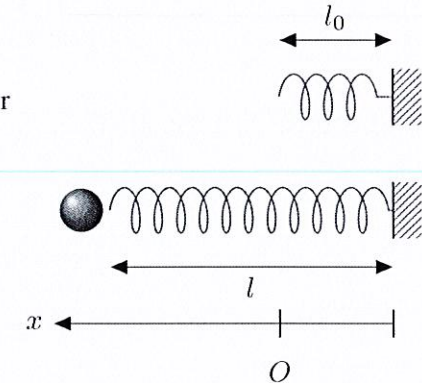
**Exercice 1** – Questions à choix multiples (barème indicatif 5 pts)

Répondre aux questions suivantes (reprendre la phrase avec la réponse, ne pas se contenter d'écrire a,b ou c).

1. On considère un ressort de constante de raideur  $k$  et de longueur à vide  $l_0$  (voir figure).

La force de rappel qui s'exerce sur la masse  $m$  vaut :

- a)  $\vec{T} = kx$
- b)  $\vec{T} = k(l - l_0)\vec{e}_x$
- c)  $\vec{T} = -k(l - l_0)\vec{e}_x$



2. L'énergie potentielle élastique d'un ressort (constante de raideur  $k$ , longueur à vide  $l_0$ ) de longueur  $l$  est :

- a)  $k(l - l_0)$
- b)  $\frac{1}{2}k(l - l_0)$
- c)  $\frac{1}{2}k(l - l_0)^2$

3. L'unité de l'énergie potentielle est :

- a) le watt
- b) le joule
- c) le newton

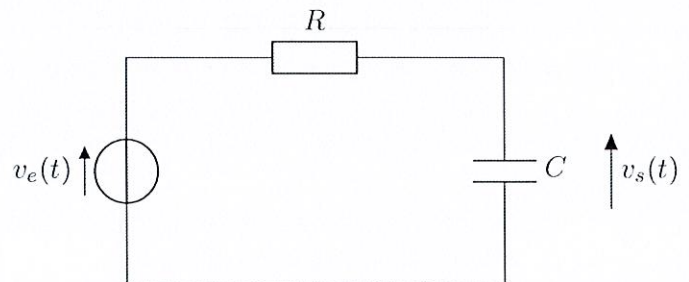
4. L'unité d'une impédance est :

- a) le farad
- b) le henry
- c) le ohm

5. On considère le circuit RC alimenté par une tension sinusoïdale  $v_e(t) = e \cos(\omega t)$ .

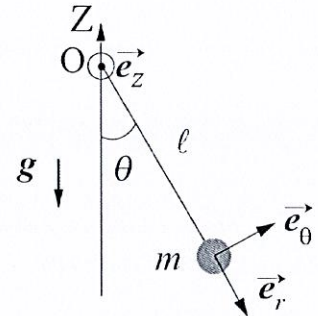
La fonction de transfert du circuit vaut

- a)  $\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1+jRC\omega}$
- b)  $\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1+R/(jC\omega)}$
- c)  $\underline{H}(j\omega) = \frac{1}{1+jC\omega/R}$



**Exercice 2** – Horloge mécanique (barème indicatif 10 points)

On considère un pendule simple, constitué d'un objet ponctuel de masse  $m$ , accroché à un point fixe  $O$  par l'intermédiaire d'un fil de longueur  $l$ . Ce pendule est lâché sans vitesse initiale à  $t = 0$  avec un angle  $\theta = \theta_0$  par rapport à l'axe vertical  $OZ$ . On néglige les frottements de l'air dans la première partie.



Les deux parties peuvent être traitées indépendamment l'une de l'autre.

## I. Absence de frottement

- On utilise le repère polaire  $(O, \vec{e}_r, \vec{e}_\theta)$ .
  - Donner l'expression de l'accélération de la masse  $m$  dans ce repère.
  - A l'aide du principe fondamental de la dynamique, montrer que l'angle  $\theta$  vérifie l'équation différentielle

$$\ddot{\theta} = -\frac{g}{l} \sin \theta$$

Par la suite, on fera l'approximation valable aux petits angles  $\sin \theta \approx \theta$  d'où l'équation différentielle :

$$\ddot{\theta} + \frac{g}{l} \theta = 0 \quad (1)$$

- Donner la forme de  $\theta(t)$  solution de l'équation différentielle (1). On prendra  $\theta(0) = \theta_0$  et  $\dot{\theta}(0) = 0$  à l'instant initial (pendule lâché sans vitesse initiale).
  - Donner l'expression de la pulsation angulaire  $\omega_0$ , de la fréquence  $f_0$  et de la période  $T_0$  du mouvement.
- On veut régler la longueur du balancier pour que sa période soit  $T_0 = 2,00$  s de sorte que le balancier marque la seconde à l'aller et au retour. Calculer la longueur  $l$  du fil à utiliser.

## II. Perte d'énergie due aux frottements de l'air

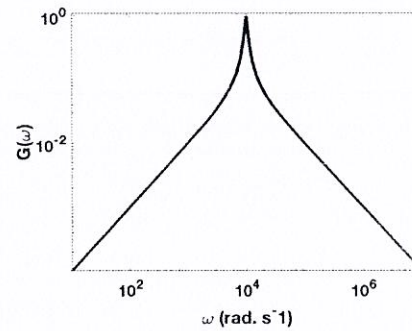
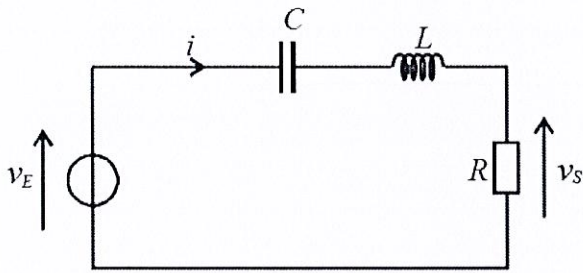
Dans cette partie, on considère les frottements de l'air. On ne cherchera pas à exprimer  $\theta(t)$ .

- Donner l'expression de l'énergie mécanique du balancier lorsqu'il est en  $\theta_0$ . On choisira la référence d'énergie potentielle nulle en  $\theta = 0$ .
- On constate qu'au bout de 30 oscillations, l'amplitude des oscillations passe de  $\theta_{01} = 6^\circ$  à  $\theta_{02} = 3^\circ$ . Calculer la variation de l'énergie mécanique  $\Delta E_m = E_m(\theta_{02}) - E_m(\theta_{01})$  au cours de ces 30 oscillations. On prendra  $l = 0,994$  m. Quel est le signe de cette variation ? Pourquoi ?
- Pour compenser cette perte d'énergie, le balancier est mû par un contrepoids de masse  $m' = 10,0$  kg qui peut descendre de  $h = 1,50$  m.
  - Calculer l'énergie potentielle du contrepoids lorsqu'il est à la hauteur  $h = 1,50$  m.
  - Pendant combien d'oscillations peut-il faire fonctionner l'horloge ? A combien de temps cela correspond-il ? Donner le résultat en jours.

**Données** :  $m = 0,200$  kg,  $g = 9,81$  m  $\cdot$  s $^{-2}$

**Exercice 3** – Filtre électrique : circuit CLR (barème indicatif 5 pts)

On considère le circuit électrique suivant. Le circuit est alimenté par un GBF délivrant une tension sinusoïdale  $v_e(t) = V_e \cos \omega t$ .



1. Exprimer la fonction de transfert complexe du circuit

$$\underline{H}(j\omega) = \frac{v_s}{v_e}$$

2. Exprimer le gain en tension  $G(\omega)$ .
3. Exprimer la pulsation de résonance  $\omega_0$ . La calculer.
4. La figure ci-dessus représente le gain de ce circuit. Quelle est la nature du filtre ?

**Données** :  $R = 10 \Omega$ ,  $C = 1,0 \cdot 10^{-6} \text{ F}$ ;  $L = 10 \cdot 10^{-3} \text{ H}$