

Seconde session de Juin 2021 – Durée 2 heures

EPREUVE SANS DOCUMENTS, LES CALCULATRICES SONT AUTORISÉES
LES DEUX EXERCICES SONT INDÉPENDANTS

I – Cycle réversible d'un gaz parfait

Une mole de gaz parfait diatomique se trouve dans l'état A ($P_A = P_0 = 101325 \text{ Pa}$, $T_A = T_0 = 273.15 \text{ K}$). Ce gaz parfait décrit un cycle constitué de quatre transformations réversibles.

- (a) **Compression adiabatique** de l'état A (P_A, V_A, T_A) à l'état B ($P_B = 10P_A, V_B, T_B$). On pose $\alpha = P_B/P_A = 10$, le rapport de compression.
- (b) **Chauffage isobare** de l'état B (P_B, V_B, T_B) à l'état C ($P_C = P_B, V_C, T_C = 4T_B$).
- (c) **Détente isotherme** de l'état C (P_C, V_C, T_C) à l'état D ($P_D = P_A, V_D, T_D = T_C$).
- (d) **Refroidissement isobare** de l'état D ($P_D = P_A, V_D, T_D$) à l'état A (P_A, V_A, T_A).

On donne la constante des gaz parfaits, $R = 8.314 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$. On note C_p et C_v les capacités calorifiques molaires du gaz à pression et volume constant, respectivement. On pose $\gamma = C_p/C_v = 7/5$.

- I.1 – Rappeler, sans démonstration, la loi de Laplace en coordonnées P, V pour une transformation adiabatique réversible d'un gaz parfait. En déduire les autres lois en coordonnées P, T et V, T .
- I.2 – Énoncer les première et seconde lois de Joule pour les gaz parfaits.
- I.3 – Dans ce qui suit, on donnera les expressions littérales des résultats en fonction de P_0, V_0, T_0, R, α et γ exclusivement. On calculera à la suite les valeurs numériques correspondantes.
 - (i) Déterminer toutes les variables d'état (pressions, volumes et températures) pour les états A, B, C et D .
 - (ii) Pour chacune des transformations (a), (b), (c) et (d), trouver la variation d'énergie interne ΔU_i , la quantité de travail W_i et la quantité de chaleur Q_i échangées entre le gaz et le milieu extérieur, l'indice i prenant les valeurs a, b, c ou d .
- I.4 – En déduire la variation d'énergie interne ΔU_{cycle} pour le cycle complet. Ce résultat est-il cohérent ?
- I.5 – (i) De quel type de cycle s'agit-il ? Justifier la réponse. (ii) Définir et calculer le rendement ρ , ou l'efficacité η , selon le type, du cycle.
- I.6 – (i) Pour chacune des quatre transformations (a), (b), (c) et (d) du cycle, indiquer quelles sont les fonctions analytiques $P = P(V)$ correspondantes. (ii) Représenter l'allure du cycle dans un diagramme de Clapeyron. (iii) Que représente l'aire du cycle dans les coordonnées du diagramme ?

II – Equilibre liquide-vapeur

Question de cours – Représenter, en introduisant des notations et légendes adaptées, l'allure du diagramme des phases liquide-vapeur d'un fluide en coordonnées P (pression) et u (volume massique). Ajouter l'allure d'une courbe isotherme à la température T , qui correspond à une pression de vapeur saturante $P_s(T)$ et à des volumes massiques des phases u_l et u_v .

Compression isotherme de SF₆ – Une enceinte munie d'un piston contient de l'hexafluorure de soufre, SF₆. Le système est maintenu à la température ambiante, constante, $\theta_0 = 25\text{ °C}$.

Dans l'état initial, le fluide est gazeux. Dans cet état, le volume du fluide est $V_i = 2.0\text{ cm}^3$ et la pression est $P_i = 17 \times 10^5\text{ Pa}$. On considérera que la vapeur sèche de SF₆ se comporte comme un gaz parfait.

On comprime de façon isotherme et réversible le fluide jusqu'à un volume final $V_f = V_i/4 = 0.5\text{ cm}^3$. Les données des questions qui suivent sont (a) la constante des gaz parfaits, $R = 8.314\text{ J.mol}^{-1}\text{.K}^{-1}$, (b) le point critique de SF₆, $P_c = 38 \times 10^5\text{ Pa}$ et $\theta_c = 45.5\text{ °C}$, (c) la masse volumique au point critique, $\rho_c = 742.297\text{ kg.m}^{-3}$ (d) le volume massique de la vapeur saturante à θ_0 , $u_v = 5.10 \times 10^{-3}\text{ m}^3.\text{kg}^{-1}$, (e) le volume massique du liquide à θ_0 , $u_l = 1.25 \times 10^{-3}\text{ m}^3.\text{kg}^{-1}$, (f) la pression de vapeur saturante à θ_0 , $P_s = 26 \times 10^5\text{ Pa}$, (g) la chaleur latente de vaporisation à θ_0 , $L_{\text{vap}} = 57.4\text{ kJ.kg}^{-1}$ et (h) les masses molaires atomiques, $M_S = 32\text{ g.mol}^{-1}$ et $M_F = 19\text{ g.mol}^{-1}$.

- II.1 – (i) Déterminer la masse m de fluide contenue dans l'enceinte.
(ii) En déduire les volumes massiques du fluide v_i (resp. v_f) dans les états initial (resp. final) de la compression.
- II.2 – (i) Compte tenu des valeurs numériques, décrire qualitativement l'évolution du fluide.
(ii) Représenter, à l'échelle, la transformation du fluide en coordonnées de Clapeyron P (pression) et u (volume massique). Ajouter sur le diagramme les notations et les légendes qui conviennent.
- II.3 – (i) On note m_l (resp. m_v) la masse de liquide (resp. vapeur) dans l'état final. Déterminer les expressions de ces masses.
(ii) Faire les applications numériques et en déduire la valeur de $x = m_v/m$, le titre en vapeur du fluide dans l'état final.
- II.4 – Déterminer la pente α_{vap} de la courbe de vaporisation de SF₆, à θ_0 , et sous la pression P_s , en Pa.K^{-1} . Faire l'application numérique.

Numéro d'anonymat : _____

